

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

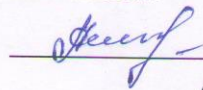
Министерство образования Ставропольского края

Отдел образования администрации Петровского муниципального округа

МБОУЛ №3

РАССМОТРЕНО

на заседании МО учителей
математики, информатики,
технологии



Съедина Л.Н.

Приказ №1

от «30» августа 2024 г.

СОГЛАСОВАНО

на заседании
методического совета



Сторчак А.В.

Протокол №1

от «30» августа 2024 г.

УТВЕРЖДЕНО

Директор



Лукьянова Г.И.

Приказ №163

от «30» августа 2024 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

учебного предмета «Математика. Углубленный уровень»

для обучающихся 10 – 11 классов

город Светлоград 2024 г

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Программа по математике углублённого уровня для обучающихся на уровне среднего общего образования разработана на основе ФГОС СОО с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы по математике обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

В программе по математике учтены идеи и положения «Концепции развития математического образования в Российской Федерации». В соответствии с названием концепции математическое образование должно, в частности, решать задачу обеспечения необходимого стране числа обучающихся, математическая подготовка которых достаточна для продолжения образования по различным направлениям, включая преподавание математики, математические исследования, работу в сфере информационных технологий и других, а также обеспечения для каждого обучающегося возможности достижения математической подготовки в соответствии с необходимым ему уровнем. Именно на решение этих задач нацелена программа по математике углублённого уровня.

В эпоху цифровой трансформации всех сфер человеческой деятельности невозможно стать образованным современным человеком без хорошей математической подготовки.

Это обусловлено тем, что в наши дни растёт число специальностей, связанных с непосредственным применением математики: и в сфере экономики, и в бизнесе, и в технологических областях, и даже в гуманитарных сферах. Таким образом, круг обучающихся, для которых математика становится значимым предметом, фундаментом образования, существенно расширяется. В него входят не только обучающиеся, планирующие заниматься творческой и исследовательской работой в области математики, информатики, физики, экономики и в других областях, но и те, кому математика нужна для использования в профессиях, не связанных непосредственно с ней.

Прикладная значимость математики обусловлена тем, что её предметом являются фундаментальные структуры нашего мира: пространственные формы и количественные отношения, функциональные зависимости и категории неопределённости, от простейших, усваиваемых в непосредственном опыте, до достаточно сложных, необходимых для развития научных и технологических идей. Без конкретных математических знаний затруднено понимание принципов устройства и использования современной техники, восприятие и интерпретация разнообразной социальной, экономической, политической информации, малоэффективна повседневная практическая деятельность. Во многих сферах профессиональной деятельности требуются умения выполнять расчёты, составлять алгоритмы, применять формулы, проводить геометрические измерения и построения, читать, обрабатывать, интерпретировать и представлять информацию в виде таблиц, диаграмм и графиков, понимать вероятностный характер случайных событий.

Одновременно с расширением сфер применения математики в современном обществе всё более важным становится математический стиль мышления, проявляющийся в определённых умственных навыках. В процессе изучения математики в арсенал приёмов и методов мышления человека естественным образом включаются индукция и дедукция, обобщение и конкретизация, анализ и синтез, классификация и систематизация, абстрагирование и аналогия. Объекты математических умозаключений, правила их конструирования раскрывают механизм логических построений, способствуют выработке умения формулировать, обосновывать и доказывать суждения, тем самым формируют логический стиль мышления. Ведущая роль принадлежит математике в формировании алгоритмической компоненты мышления и воспитании умений действовать по заданным алгоритмам, совершенствовать известные и конструировать новые. В процессе решения задач – основы для организации учебной деятельности на уроках математики – развиваются творческая и прикладная стороны мышления.

Обучение математике даёт возможность развивать у обучающихся точную, рациональную и информативную речь, умение отбирать наиболее подходящие языковые, символические, графические средства для выражения суждений и наглядного их представления.

Необходимым компонентом общей культуры в современном толковании является общее знакомство с методами познания действительности, представление о предмете и методе математики, его отличиях от методов естественных и гуманитарных наук, об особенностях применения математики для решения научных и прикладных задач. Таким образом, математическое образование вносит свой вклад в формирование общей культуры человека.

Изучение математики способствует эстетическому воспитанию человека, пониманию красоты и изящества математических рассуждений, восприятию геометрических форм, усвоению идеи симметрии.

Приоритетными целями обучения математике в 10–11 классах на углублённом уровне продолжают оставаться:

формирование центральных математических понятий (число, величина, геометрическая фигура, переменная, вероятность, функция, производная, интеграл), обеспечивающих преемственность и перспективность математического образования обучающихся;

подведение обучающихся на доступном для них уровне к осознанию взаимосвязи математики и окружающего мира, пониманию математики как части общей культуры человечества;

развитие интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению математики;

формирование функциональной математической грамотности: умения распознавать математические аспекты в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, формулировать их на языке математики и создавать математические модели, применять освоенный математический аппарат для решения практико-ориентированных задач, интерпретировать и оценивать полученные результаты.

Основными линиями содержания математики в 10–11 классах углублённого уровня являются: «Числа и вычисления», «Алгебра» («Алгебраические выражения», «Уравнения и неравенства»), «Начала математического анализа», «Геометрия» («Геометрические фигуры и их свойства», «Измерение геометрических величин»), «Вероятность и статистика». Данные линии развиваются параллельно, каждая в соответствии с собственной логикой, однако не независимо одна от другой, а в тесном контакте и взаимодействии. Кроме этого, их объединяет логическая составляющая, традиционно присущая математике и пронизывающая все математические курсы и содержательные линии. Сформулированное во ФГОС СОО требование «умение оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки, умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции, проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений» относится ко всем учебным курсам, а формирование логических умений распределяется по всем годам обучения на уровне среднего общего образования.

В соответствии с ФГОС СОО математика является обязательным предметом на данном уровне образования. Настоящей программой по математике предусматривается изучение учебного предмета «Математика» в рамках трёх учебных курсов: «Алгебра и начала математического анализа», «Геометрия», «Вероятность и статистика». Формирование логических умений осуществляется на протяжении всех лет обучения на уровне среднего общего образования, а элементы логики включаются в содержание всех названных выше учебных курсов.

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» (углублённый уровень) на уровне среднего общего образования

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной

стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего образования особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые обучающимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление

нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и иррациональных чисел, арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символическими формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее

универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач обучающиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса «Алгебра и начала математического анализа».

На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится 272 часа: в 10 классе – 136 часов, в 11 классе – 136 часов

Учебный курс «Геометрия» (углубленный уровень) на уровне среднего общего образования

Геометрия является одним из базовых курсов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения дисциплин естественно-научной направленности и предметов гуманитарного цикла. Поскольку логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии, при доказательстве теорем и построении цепочки логических утверждений при решении геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественно-научного цикла, в частности физических задач.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне – развитие индивидуальных способностей обучающихся при изучении геометрии, как составляющей предметной области «Математика и информатика» через обеспечение возможности приобретения и использования более глубоких геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, и необходимых для успешного профессионального образования, связанного с использованием математики.

Приоритетными задачами курса геометрии на углублённом уровне, расширяющими и усиливающими курс базового уровня, являются:

- расширение представления о геометрии как части мировой культуры и формирование осознания взаимосвязи геометрии с окружающим миром;

- формирование представления о пространственных фигурах как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира, знание понятийного аппарата по разделу «Стереометрия» учебного курса геометрии;

формирование умения владеть основными понятиями о пространственных фигурах и их основными свойствами, знание теорем, формул и умение их применять, умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;

формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения, конструировать геометрические модели;

формирование понимания возможности аксиоматического построения математических теорий, формирование понимания роли аксиоматики при проведении рассуждений;

формирование умения владеть методами доказательств и алгоритмов решения, умения их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием, формирование представления о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;

развитие и совершенствование интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению геометрии;

формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умения распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, моделирования реальных ситуаций, исследования построенных моделей, интерпретации полученных результатов.

Основными содержательными линиями учебного курса «Геометрия» в 10–11 классах являются: «Прямые и плоскости в пространстве», «Многогранники», «Тела вращения», «Векторы и координаты в пространстве», «Движения в пространстве».

Сформулированное во ФГОС СОО требование «уметь оперировать понятиями», релевантными геометрии на углублённом уровне обучения в 10–11 классах, относится ко всем содержательным линиям учебного курса, а формирование логических умений распределяется не только по содержательным линиям, но и по годам обучения. Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения Федеральной рабочей программы, распределённым по годам обучения, структурировано таким образом, чтобы ко всем основным, принципиальным вопросам обучающиеся обращались неоднократно. Это позволяет организовать овладение геометрическими понятиями и навыками последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, а новые знания включать в общую систему геометрических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи.

Переход к изучению геометрии на углублённом уровне позволяет:

создать условия для дифференциации обучения, построения индивидуальных образовательных программ, обеспечить углублённое изучение геометрии как составляющей учебного предмета «Математика»;

подготовить обучающихся к продолжению изучения математики с учётом выбора будущей профессии, обеспечивая преемственность между общим и профессиональным образованием.

На изучение учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне отводится 204 часа: в 10 классе – 102 часа, в 11 классе – 102 часа.

Учебный курс «Вероятность и статистика» (углубленный уровень) на уровне среднего общего образования

Учебный курс «Вероятность и статистика» углублённого уровня является продолжением и развитием одноименного учебного курса углублённого уровня на уровне среднего общего образования. Учебный курс предназначен для формирования у

обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления обучающихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание учебного курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса на уровне основного общего образования, и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира. В результате у обучающихся должно сформироваться представление о наиболее употребительных и общих математических моделях, используемых для описания антропометрических и демографических величин, погрешностей в различных рода измерениях, длительности безотказной работы технических устройств, характеристик массовых явлений и процессов в обществе. Учебный курс является базой для освоения вероятностно-статистических методов, необходимых специалистам не только инженерных специальностей, но также социальных и психологических, поскольку современные общественные науки в значительной мере используют аппарат анализа больших данных. Центральную часть учебного курса занимает обсуждение закона больших чисел – фундаментального закона природы, имеющего математическую формализацию.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» на углублённом уровне выделены основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности» и «Случайные величины и закон больших чисел».

Помимо основных линий в учебный курс включены элементы теории графов и теории множеств, необходимые для полноценного освоения материала данного учебного курса и смежных математических учебных курсов.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин. Важную часть в этой содержательной линии занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами – показательным и нормальным распределениями.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами и распределениями, акцентируют внимание обучающихся на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям.

В учебном курсе предусматривается ознакомительное изучение связи между случайными величинами и описание этой связи с помощью коэффициента корреляции и его выборочного аналога. Эти элементы содержания развивают тему «Диаграммы рассеивания», изученную на уровне основного общего образования, и во многом опираются на сведения из курсов алгебры и геометрии.

Ещё один элемент содержания, который предлагается на ознакомительном уровне – последовательность случайных независимых событий, наступающих в единицу времени. Ознакомление с распределением вероятностей количества таких событий носит развивающий характер и является актуальным для будущих абитуриентов, поступающих на учебные специальности, связанные с общественными науками, психологией и управлением.

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» на углублённом уровне отводится 68 часов: в 10 классе – 34 часа, в 11 классе – 34 часа.

На изучение учебного курса «Математика» отводится 544 часа: в 10 классе – 272 часов (8 часов в неделю), в 11 классе – 272 часов (8 часов в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

10 КЛАСС

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» (углубленный уровень) на уровне среднего общего образования

Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства, степень с действительным показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений.

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства, вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей.

Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

Множества и логика

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера–Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

11 КЛАСС

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее – НОД) и наименьшее общее кратное (далее –НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра.

Корни n -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

Уравнения и неравенства

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

Функции и графики

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Начала математического анализа

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы.

Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона–Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

Учебный курс «Геометрия» (углубленный уровень) на уровне среднего общего образования

Прямые и плоскости в пространстве

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Параллельное и центральное проектирование, изображение фигур. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение фигур в параллельной проекции. Углы с сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости,

свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, параллелепипед, построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Ортогональное проектирование. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Трёхгранный и многогранные углы. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трёхгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла.

Многогранники

Виды многогранников, развёртка многогранника. Призма: n -угольная призма, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Кратчайшие пути на поверхности многогранника. Теорема Эйлера. Пространственная теорема Пифагора. Пирамида: n -угольная пирамида, правильная и усечённая пирамиды. Свойства рёбер и боковых граней правильной пирамиды. Правильные многогранники: правильная призма и правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды.

Симметрия в пространстве. Элементы симметрии правильных многогранников. Симметрия в правильном многограннике: симметрия параллелепипеда, симметрия правильных призм, симметрия правильной пирамиды.

Векторы и координаты в пространстве

Понятия: вектор в пространстве, нулевой вектор, длина ненулевого вектора, векторы коллинеарные, сонаправленные и противоположно направленные векторы. Равенство векторов. Действия с векторами: сложение и вычитание векторов, сумма нескольких векторов, умножение вектора на число. Свойства сложения векторов. Свойства умножения вектора на число. Понятие компланарные векторы. Признак компланарности трёх векторов. Правило параллелепипеда. Теорема о разложении вектора по трём некомпланарным векторам. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Связь между координатами вектора и координатами точек. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов.

11 КЛАСС

Тела вращения

Понятия: цилиндрическая поверхность, коническая поверхность, сферическая поверхность, образующие поверхностей. Тела вращения: цилиндр, конус, усечённый конус, сфера, шар. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере. Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса. Симметрия сферы и шара.

Объём. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём прямой и наклонной призмы, цилиндра, пирамиды и конуса. Объём шара и шарового сегмента.

Комбинации тел вращения и многогранников. Призма, вписанная в цилиндр, описанная около цилиндра. Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Понятие многогранника, описанного около сферы, сферы, вписанной в многогранник или тело вращения.

Площадь поверхности цилиндра, конуса, площадь сферы и её частей. Подобие в пространстве. Отношение объёмов, площадей поверхностей подобных фигур.

Преобразование подобия, гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов.

Построение сечений многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара, методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.

Векторы и координаты в пространстве

Векторы в пространстве. Операции над векторами. Векторное умножение векторов.

Свойства векторного умножения. Прямоугольная система координат в пространстве.

Координаты вектора. Разложение вектора по базису. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.

Движения в пространстве

Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений. Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера.

Учебный курс «Вероятность и статистика» (углубленный уровень) на уровне среднего общего образования

Граф, связный граф, пути в графе: циклы и цепи. Степень (валентность) вершины. Графы на плоскости. Деревья.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновероятными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Независимые события.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Серия независимых испытаний Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Операции над случайными величинами. Бинарная случайная величина. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное.

11 КЛАСС

Совместное распределение двух случайных величин. Независимые случайные величины.

Математическое ожидание случайной величины (распределения). Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея). Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений.

Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины (распределения). Дисперсия бинарной случайной величины. Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин. Дисперсия и стандартное отклонение биномиального распределения. Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения.

Неравенство Чебышёва. Теорема Чебышёва. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод исследований. Выборочные характеристики. Оценивание вероятности события по выборочным данным. Проверка простейших гипотез с помощью изученных распределений.

Непрерывные случайные величины. Примеры. Функция плотности вероятности распределения. Равномерное распределение и его свойства. Задачи, приводящие к показательному распределению. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности вероятности нормального распределения. Функция плотности и свойства нормального распределения.

Последовательность одиночных независимых событий. Задачи, приводящие к распределению Пуассона.

Ковариация двух случайных величин. Коэффициент линейной корреляции. Совместные наблюдения двух величин. Выборочный коэффициент корреляции. Различие между линейной связью и причинно-следственной связью. Линейная регрессия, метод наименьших квадратов.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» (углубленный уровень) на уровне среднего общего образования

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданского воспитания:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотического воспитания:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственного воспитания:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением

достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физического воспитания:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

Учебный курс «Геометрия» (углубленный уровень) на уровне среднего общего образования

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**1) гражданское воспитание:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотическое воспитание:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственное воспитание:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетическое воспитание:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физическое воспитание:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудовое воспитание:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологическое воспитание:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

Учебный курс «Вероятность и статистика» (углубленный уровень) на уровне среднего общего образования

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданского воспитания:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотического воспитания:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственного воспитания:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физического воспитания:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» (углубленный уровень) на уровне среднего общего образования

К концу обучения в **10 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;

применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни;

применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений;

свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных;

свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени;

свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем;

свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы;

свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента;

оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства;

применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений, применять метод интервалов для решения неравенств;

свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной, многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена, применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач;

свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы 2×2 и его геометрический смысл, использовать свойства определителя 2×2 для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений, моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат;

использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений;

выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем;

использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений;

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней;

применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений;

свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики:

свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций;

свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства;

свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке;

свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем;

оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков;

свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений;

свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента;

использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами;

Начала математического анализа:

свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов, иметь представление о константе;

использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера;

свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности, понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых;

свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции;

свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач;

свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции;

вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций;

использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Множества и логика:

свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами;

использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов;

свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам федеральной рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения; свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

Функции и графики:

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

Начала математического анализа:

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы; находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

Учебный курс «Геометрия» (углубленный уровень) на уровне среднего общего образования

К концу **10 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать основными понятиями стереометрии при решении задач и проведении математических рассуждений;

- применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач;
- классифицировать взаимное расположение прямых в пространстве, плоскостей в пространстве, прямых и плоскостей в пространстве;
- свободно оперировать понятиями, связанными с углами в пространстве: между прямыми в пространстве, между прямой и плоскостью;
- свободно оперировать понятиями, связанными с многогранниками;
- свободно распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);
- классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации;
- свободно оперировать понятиями, связанными с сечением многогранников плоскостью;
- выполнять параллельное, центральное и ортогональное проектирование фигур на плоскость, выполнять изображения фигур на плоскости;
- строить сечения многогранников различными методами, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу;
- вычислять площади поверхностей многогранников (призма, пирамида), геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии, центр, ось и плоскость симметрии фигуры;
- свободно оперировать понятиями, соответствующими векторам и координатам в пространстве;
- выполнять действия над векторами;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин, применяя известные методы при решении математических задач повышенного и высокого уровня сложности;
- применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- применять полученные знания на практике: сравнивать и анализировать реальные ситуации, применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями, объяснять способы получения;
- оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром;

- распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения;
- классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости;
- вычислять величины элементов многогранников и тел вращения, объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения;
- вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел;
- изображать изучаемые фигуры, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу, строить сечения тел вращения;
- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- свободно оперировать понятием вектор в пространстве;
- выполнять операции над векторами;
- задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;
- решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями, вычисление расстояний от точки до плоскости, в целом, на применение векторно-координатного метода при решении;
- свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве, знать свойства движений;
- выполнять изображения многогранником и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой, преобразования подобия;
- строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара;
- использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости;
- доказывать геометрические утверждения;
- применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин;
- применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации, применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;

- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

Учебный курс «Вероятность и статистика» (углубленный уровень) на уровне среднего общего образования

К концу **10 класса** обучающийся научится:

свободно оперировать понятиями: граф, плоский граф, связный граф, путь в графе, цепь, цикл, дерево, степень вершины, дерево случайного эксперимента;

свободно оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт), случайное событие, элементарное случайное событие (элементарный исход) случайного опыта, находить вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями;

находить и формулировать события: пересечение, объединение данных событий, событие, противоположное данному, использовать диаграммы Эйлера, координатную прямую для решения задач, пользоваться формулой сложения вероятностей для вероятностей двух и трех случайных событий;

оперировать понятиями: условная вероятность, умножение вероятностей, независимые события, дерево случайного эксперимента, находить вероятности событий с помощью правила умножения, дерева случайного опыта, использовать формулу полной вероятности, формулу Байеса при решении задач, определять независимость событий по формуле и по организации случайного эксперимента;

применять изученные комбинаторные формулы для перечисления элементов множеств, элементарных событий случайного опыта, решения задач по теории вероятностей;

свободно оперировать понятиями: бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача, независимые испытания, серия испытаний, находить вероятности событий: в серии испытаний до первого успеха, в серии испытаний Бернулли, в опыте, связанном со случайным выбором из конечной совокупности;

свободно оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения, бинарная случайная величина, геометрическое, биномиальное распределение.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

оперировать понятиями: совместное распределение двух случайных величин, использовать таблицу совместного распределения двух случайных величин для выделения распределения каждой величины, определения независимости случайных величин;

свободно оперировать понятием математического ожидания случайной величины (распределения), применять свойства математического ожидания при решении задач, вычислять математическое ожидание биномиального и геометрического распределений;

свободно оперировать понятиями: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины, применять свойства дисперсии случайной величины (распределения) при решении задач, вычислять дисперсию и стандартное отклонение геометрического и биномиального распределений;

вычислять выборочные характеристики по данной выборке и оценивать характеристики генеральной совокупности данных по выборочным характеристикам. Оценивать вероятности событий и проверять простейшие статистические гипотезы, пользуясь изученными распределениями.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ ПО АЛГЕБРЕ И НАЧАЛАМ АНАЛИЗА
((УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ
10 КЛАСС**

№ п/ п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательн ые ресурсы
		Всего	Контрольн ые работы	Практическ ие работы	
1	Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений	24	1		
2	Функции и графики. Степенная функция с целым показателем	12	1		
3	Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения	15	1		
4	Показательная функция. Показательные уравнения	10	1		
5	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	18	1		
6	Тригонометрические выражения и уравнения	22	1		
7	Последовательности и прогрессии	10	1		

8	Непрерывные функции. Производная	20	1		
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	5	2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0	

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ ПО ГЕОМЕТРИИ (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
10 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов		Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	
1	Введение в стереометрию	23	1	
2	Взаимное расположение прямых в пространстве	6	1	
3	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве	8		
4	Перпендикулярность прямых и плоскостей в пространстве	25		
5	Углы и расстояния	16	1	
6	Многогранники	7	1	
7	Векторы в пространстве	12		
8	Повторение, обобщение и систематизация знаний	5	2	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ ПО ВЕРОЯТНОСТИ И СТАТИСТИКЕ (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
10 КЛАСС**

№ п/ п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательн ые ресурсы
		Всег о	Контрольн ые работы	Практическ ие работы	
1	Элементы теории графов	3			
2	Случайные опыты, случайные события и вероятности событий	3			
3	Операции над множествами и событиями. Сложение и умножение вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	5			
4	Элементы комбинаторики	4	1		
5	Серии последовательн ых испытаний. Испытания Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности	5			
6	Случайные величины и распределения	14	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	0	

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ ПО АЛГЕБРЕ И НАЧАЛАМ АНАЛИЗА
(УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ
11 КЛАСС**

№ п/ п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательн ые ресурсы
		Всего	Контрольн ые работы	Практическ ие работы	
1	Исследование функций с помощью производной	22	1		
2	Первообразная и интеграл	12	1		
3	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	14	1		
4	Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	24	1		
5	Комплексные числа	10	1		
6	Натуральные и целые числа	10	1		
7	Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений	12	1		
8	Задачи с параметрами	16	1		
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	16	2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0	

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ ПО ГЕОМЕТРИИ (УГЛУБЛЕННЫЙ
УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
11 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов		Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	
1	Аналитическая геометрия	15	1	
2	Повторение, обобщение и систематизация знаний	15	1	
3	Объём многогранника	17	1	
4	Тела вращения	24	1	
5	Площади поверхности и объёмы круглых тел	9	1	
6	Движения	5	1	
7	Повторение, обобщение и систематизация знаний	17	1	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	7	

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ ПО ВЕРОЯТНОСТИ И СТАТИСТИКЕ
(УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ
11 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Закон больших чисел	5			
2	Элементы математической статистики	6	1		
3	Непрерывные случайные величины (распределения), показательное и нормальное распределения	4			

4	Распределение Пуассона	2			
5	Связь между случайными величинами	6			
6	Обобщение и систематизация знаний	11	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	0	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ ПО МАТЕМАТИКЕ 10 КЛАСС

№п/п	Тема	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений (24 ч)			
1	Множество, операции над множествами и их свойства		
2	Диаграммы Эйлера-Венна		
3	Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач		
4	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби		
5	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби		
6	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач		
7	Стартовая контрольная работа		
8	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа		
9	Арифметические операции с действительными числами		
10	Модуль действительного числа и его свойства		

11	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений		
12	Вводная контрольная работа		
13	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств		
14	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств		
15	Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу		
16	Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета		
17	Решение систем линейных уравнений		
18	Решение систем линейных уравнений		
19	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения		
20	Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения		
21	Применение определителя для решения системы линейных уравнений		
22	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений		
23	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений		
24	Контрольная работа: "Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений"		
Введение в стереометрию (23 ч)			
25	Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка		РЭШ
26	Понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство. Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка		

27	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство		
28	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство		
29	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов		
30	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов		
31	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них		
32	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них		
33	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них. Способы задания прямых и плоскостей в пространстве. Обозначения прямых и плоскостей		РЭШ
34	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра.		РЭШ
35	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра.		
36	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра.		
37	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра.		
38	Метод следов для построения сечений		РЭШ
39	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей		
40	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей		
41	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения		
42	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения		

43	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения		
44	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения		
45	Повторение планиметрии: Теорема о пропорциональных отрезках. Подобие треугольников		
46	Повторение планиметрии: Теорема Менелая. Расчеты в сечениях на выносных чертежах. История развития планиметрии и стереометрии		
47	Контрольная работа "Аксиомы стереометрии. Сечения"		
Элементы теории графов (3 ч)			
48	Граф, связный граф, представление задачи с помощью графа		
49	Степень (валентность) вершины. Путь в графе. Цепи и циклы		
50	Графы на плоскости. Дерево случайного эксперимента		
Функции и графики. Степенная функция с целым показателем (12 ч)			
51	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций		
52	График функции. Элементарные преобразования графиков функций		
53	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знак постоянства		
54	Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции		РЭШ
55	Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке		
56	Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции		
57	Элементарное исследование и построение графиков этих функций		
58	Элементарное исследование и построение графиков этих функций		
59	Степень с целым показателем. Бином Ньютона		
60	Степень с целым показателем.		

	Бином Ньютона		
61	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график		
62	Контрольная работа: "Степенная функция. Её свойства и график"		
Взаимное расположение прямых в пространстве (6 ч)			
63	Взаимное расположение прямых в пространстве. Скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельные прямые в пространстве		РЭШ
64	Теорема о существовании и единственности прямой, параллельной данной прямой, проходящей через точку пространства и не лежащей на данной прямой. Лемма о пересечении параллельных прямых плоскостью		
65	Параллельность трех прямых. Теорема о трёх параллельных прямых. Теорема о скрещивающихся прямых		
66	Параллельное проектирование. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение разных фигур в параллельной проекции		
67	Центральная проекция. Угол с сонаправленными сторонами. Угол между прямыми		
68	Задачи на доказательство и исследование, связанные с расположением прямых в пространстве		
Случайные опыты, случайные события и вероятности событий (3 ч)			
69	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)		
70	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями		
71	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями		
Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения (15 ч)			

72	Арифметический корень натуральной степени и его свойства		
73	Арифметический корень натуральной степени и его свойства		РЭШ
74	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни		
75	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни		
76	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни		
77	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений		
78	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений		
79	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений		РЭШ
80	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений		
81	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений		
82	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений		
83	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений		
84	Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем		
85	Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем		
86	Контрольная работа: "Свойства и график корня n -ой степени. Иррациональные уравнения"		
Параллельность прямых и плоскостей в пространстве (8 ч)			
87	Понятия: параллельность прямой и плоскости в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Свойства параллельности прямой и плоскости		
88	Геометрические задачи на вычисление и доказательство, связанные с параллельностью прямых и плоскостей в пространстве		

89	Построение сечения, проходящего через данную прямую на чертеже и параллельного другой прямой. Расчёт отношений		
90	Параллельная проекция, применение для построения сечений куба и параллелепипеда. Свойства параллелепипеда и призмы		
91	Параллельные плоскости. Признаки параллельности двух плоскостей		
92	Теорема о параллельности и единственности плоскости, проходящей через точку, не принадлежащую данной плоскости и следствия из неё		
93	Свойства параллельных плоскостей: о параллельности прямых пересечения при пересечении двух параллельных плоскостей третьей		
94	Контрольная работа по теме "Параллельность прямых и плоскостей в пространстве"		
Операции над множествами и событиями. Сложение и умножение вероятностей. Условная вероятность. Независимые события (5 ч)			
95	Пересечение, объединение множеств и событий, противоположные события. Формула сложения вероятностей		
96	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности		
97	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности		
98	Формула полной вероятности		
99	Формула Байеса. Независимые события		
Показательная функция. Показательные уравнения (10 ч)			
100	Степень с рациональным показателем и её свойства		
101	Степень с рациональным показателем и её свойства		РЭШ
102	Степень с рациональным показателем и её свойства		
103	Показательная функция, её свойства и график		
104	Использование графика функции для решения уравнений		
105	Использование графика функции для		

	решения уравнений		
106	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений		
107	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений		
108	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений		
109	Контрольная работа: "Показательная функция. Показательные уравнения"		
Перпендикулярность прямых и плоскостей в пространстве (25 ч)			
110	Повторение: теорема Пифагора на плоскости		
111	Повторение: тригонометрия прямоугольного треугольника		
112	Свойства куба и прямоугольного параллелепипеда		
113	Вычисление длин отрезков в кубе и прямоугольном параллелепипеде		
114	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости		
115	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости		
116	Теорема о существовании и единственности прямой, проходящей через точку пространства и перпендикулярной к плоскости		
117	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках		
118	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках		
119	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую		
120	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую		
121	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)		
122	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)		
123	Угол между скрещивающимися		

	прямыми		
124	Поиск перпендикулярных прямых с помощью перпендикулярных плоскостей		
125	Ортогональное проектирование		
126	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции		РЭШ
127	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции		
128	Симметрия в пространстве относительно плоскости. Плоскости симметрий в многогранниках		
129	Признак перпендикулярности прямой и плоскости как следствие симметрии		
130	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости		
131	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости		
132	Способы опустить перпендикуляры: симметрия, сдвиг точки по параллельной прямой		
133	Сдвиг по непараллельной прямой, изменение расстояний		
134	Контрольная работа "Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве"		
Элементы комбинаторики (4 ч)			
135	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал		
136	Число сочетаний. Треугольник Паскаля		
137	Формула бинома Ньютона		
138	Контрольная работа №1: "Графы, вероятности, множества, комбинаторика"		
Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения (18 ч)			
139	Логарифм числа. Свойства логарифма		
140	Логарифм числа. Свойства логарифма		РЭШ
141	Логарифм числа. Свойства логарифма		
142	Десятичные и натуральные логарифмы		
143	Десятичные и натуральные логарифмы		

144	Преобразование выражений, содержащих логарифмы		
145	Преобразование выражений, содержащих логарифмы		
146	Преобразование выражений, содержащих логарифмы		
147	Логарифмическая функция, её свойства и график		
148	Логарифмическая функция, её свойства и график		
149	Использование графика функции для решения уравнений		
150	Использование графика функции для решения уравнений		
151	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений		
152	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений		
153	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений		
154	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений		
155	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений		
156	Контрольная работа: "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения"		
Углы и расстояния (16 ч)			
157	Повторение: угол между прямыми на плоскости, тригонометрия в произвольном треугольнике, теорема косинусов		
158	Повторение: угол между скрещивающимися прямыми в пространстве		
159	Геометрические методы вычисления угла между прямыми в многогранниках		
160	Двугранный угол. Свойство линейных углов двугранного угла		
161	Перпендикулярные плоскости. Свойства взаимно перпендикулярных плоскостей		
162	Признак перпендикулярности плоскостей; теорема о прямой пересечения двух плоскостей		

	перпендикулярных третьей плоскости		
163	Прямоугольный параллелепипед; куб; измерения, свойства прямоугольного параллелепипеда		
164	Теорема о диагонали прямоугольного параллелепипеда и следствие из неё		
165	Стереометрические и прикладные задачи, связанные со взаимным расположением прямых и плоскости		РЭШ
166	Повторение: скрещивающиеся прямые, параллельные плоскости в стандартных многогранниках		
167	Пара параллельных плоскостей на скрещивающихся прямых, расстояние между скрещивающимися прямыми в простых ситуациях		
168	Расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости		РЭШ
169	Вычисление расстояний между скрещивающимися прямыми с помощью перпендикулярной плоскости		
170	Трёхгранный угол, неравенства для трехгранных углов. Теорема Пифагора, теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла		
171	Элементы сферической геометрии: геодезические линии на Земле		
172	Контрольная работа "Углы и расстояния"		
Серии последовательных испытаний. Испытания Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности (5 ч)			
173	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха		
174	Серия независимых испытаний до первого успеха		
175	Серия независимых испытаний Бернулли		
176	Случайный выбор из конечной совокупности		
177	Практическая работа с использованием электронных таблиц		
Тригонометрические выражения и уравнения (22 ч)			

178	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента		
179	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента		
180	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента		
181	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента		
182	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента		РЭШ
183	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента		
184	Основные тригонометрические формулы		
185	Основные тригонометрические формулы		
186	Основные тригонометрические формулы		
187	Основные тригонометрические формулы		
188	Преобразование тригонометрических выражений		
189	Преобразование тригонометрических выражений		
190	Преобразование тригонометрических выражений		
191	Преобразование тригонометрических выражений		
192	Решение тригонометрических уравнений		
193	Решение тригонометрических уравнений		
194	Решение тригонометрических уравнений		
195	Решение тригонометрических уравнений		
196	Решение тригонометрических уравнений		
197	Решение тригонометрических уравнений		
198	Решение тригонометрических уравнений		РЭШ
199	Контрольная работа: "Тригонометрические выражения и тригонометрические уравнения"		
Многогранники (7 ч)			
200	Систематизация знаний		

	"Многогранник и его элементы"		
201	Пирамида. Виды пирамид. Правильная пирамида		
202	Призма. Прямая и наклонная призмы. Правильная призма		
203	Прямой параллелепипед, прямоугольный параллелепипед, куб		
204	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера		
205	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера. Правильные и полуправильные многогранники		
206	Контрольная работа "Многогранники"		
Серии последовательных испытаний. Испытания Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности (7 ч)			
207	Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения		
208	Операции над случайными величинами. Примеры распределений. Бинарная случайная величина		
209	Геометрическое распределение. Биномиальное распределение		
210	Математическое ожидание случайной величины. Совместное распределение двух случайных величин		
211	Независимые случайные величины. Свойства математического ожидания. Математическое ожидание бинарной случайной величины		
212	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений		
213	Дисперсия и стандартное отклонение		
Последовательности и прогрессии (10 ч)			
214	Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции		
215	Монотонные и ограниченные последовательности. История анализа бесконечно малых		
216	Арифметическая прогрессия		
217	Геометрическая прогрессия		
218	Бесконечно убывающая		

	геометрическая прогрессия		
219	Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии		
220	Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов		
221	Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов		
222	Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера		
223	Контрольная работа: "Последовательности и прогрессии"		
Векторы в пространстве (13 ч)			
224	Понятие вектора на плоскости и в пространстве		
225	Сумма векторов		
226	Разность векторов		
227	Правило параллелепипеда		
228	Умножение вектора на число		
229	Разложение вектора по базису трёх векторов, не лежащих в одной плоскости		
230	Скалярное произведение		РЭШ
231	Вычисление угла между векторами в пространстве		
232	Простейшие задачи с векторами		РЭШ
233	Простейшие задачи с векторами		
234	Простейшие задачи с векторами		
235	Простейшие задачи с векторами		
236	Дисперсия бинарной случайной величины. Свойства дисперсии		
Серии последовательных испытаний. Испытания (6 ч)			
237	Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин		
238	Практическая работа с использованием электронных таблиц		
239	Дисперсия биномиального распределения. Практическая работа с использованием электронных таблиц		
240	Обобщение и систематизация знаний		
241	Контрольная работа №2: "Испытания Бернулли. Случайные величины и распределения"		
242	Обобщение и систематизация		

	знаний		
Непрерывные функции. Производная (20 ч)			
243	Непрерывные функции и их свойства		
244	Точка разрыва. Асимптоты графиков функций		
245	Свойства функций непрерывных на отрезке		
246	Свойства функций непрерывных на отрезке		
247	Метод интервалов для решения неравенств		
248	Метод интервалов для решения неравенств		
249	Метод интервалов для решения неравенств		
250	Применение свойств непрерывных функций для решения задач		
251	Применение свойств непрерывных функций для решения задач		
252	Первая и вторая производные функции		
253	Определение, геометрический смысл производной		
254	Определение, физический смысл производной		
255	Уравнение касательной к графику функции		
256	Уравнение касательной к графику функции		
257	Производные элементарных функций		
258	Производные элементарных функций		
259	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций		
260	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций		
261	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций		
262	Проверочная работа по теме "Производная"		
Повторение (10 ч)			
263	Обобщение и систематизация знаний по теме "Взаимное расположение прямых в пространстве"		
264	Обобщение и систематизация знаний по теме "Параллельность		

	прямых и плоскостей в пространстве"		
265	Обобщение и систематизация знаний по теме "Перпендикулярность прямых и плоскостей в пространстве"		
266	Итоговая контрольная работа		
267	Обобщение и систематизация знаний по теме "Многогранники"		
268	Повторение, обобщение, систематизация знаний по теме "Уравнения"		
269	Повторение, обобщение, систематизация знаний по теме "Функции"		
270	Повторение, обобщение и систематизация знаний по теме "Тригонометрия"		
271	Повторение, обобщение и систематизация знаний по теме "Тригонометрия"		
272	Повторение, обобщение, систематизация знаний по теме "Производная"		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		272	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ ПО МАТЕМАТИКЕ 11 КЛАСС

№п/п	Тема	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
Исследование функций с помощью производной (22ч)			
1	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы		
2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы		
3	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы		
4	Применение производной к исследованию функций на		

	монотонность и экстремумы		
5	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы		
6	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы		
7	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке		
8	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке		
9	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке		
10	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке		
11	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке		
12	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке		
13	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах		
14	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах		
15	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой		
16	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой		
17	Композиция функций		
18	Композиция функций		
19	Композиция функций		
20	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости		
21	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости		
22	Контрольная работа: "Исследование функций с помощью производной"		
Аналитическая геометрия (15 ч)			
23	Повторение темы "Координаты		

	вектора на плоскости и в пространстве		
24	Повторение темы «Скалярное произведение векторов»		
25	Повторение темы «Вычисление угла между векторами в пространстве»		РЭШ
26	Повторение темы "Уравнение прямой, проходящей через две точки"		
27	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках		
28	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках		
29	Векторное произведение		
30	Линейные неравенства, линейное программирование		
31	Линейные неравенства, линейное программирование		
32	Аналитические методы расчёта угла между прямыми в многогранниках		
33	Аналитические методы расчёта угла между плоскостями в многогранниках		РЭШ
34	Формула расстояния от точки до плоскости в координатах		РЭШ
35	Нахождение расстояний от точки до плоскости в кубе		
36	Нахождение расстояний от точки до плоскости в правильной пирамиде		
37	Контрольная работа "Аналитическая геометрия		
Закон больших чисел (5 ч)			
38	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел		РЭШ
39	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел		
40	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел		
41	Выборочный метод исследований		
42	Практическая работа с использованием электронных таблиц		
Первообразная и интеграл (12ч)			
43	Первообразная, основное свойство первообразных		
44	Первообразные элементарных		

	функций. Правила нахождения первообразных		
45	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных		
46	Интеграл. Геометрический смысл интеграла		
47	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница		
48	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница		
49	Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур		
50	Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел		
51	Примеры решений дифференциальных уравнений		
52	Примеры решений дифференциальных уравнений		
53	Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений		
54	Контрольная работа: "Первообразная и интеграл"		РЭШ
Повторение, обобщение и систематизация знаний (15ч)			
55	Сечения многогранников: стандартные многогранники		
56	Сечения многогранников: метод следов		
57	Сечения многогранников: стандартные плоскости, пересечения прямых и плоскостей		
58	Параллельные прямые и плоскости: параллельные сечения		
59	Параллельные прямые и плоскости: расчёт отношений		
60	Параллельные прямые и плоскости: углы между скрещивающимися прямыми		
61	Перпендикулярные прямые и плоскости: стандартные пары перпендикулярных плоскостей и прямых		
62	Перпендикулярные прямые и плоскости: теорема о трех		

	перпендикулярах		
63	Перпендикулярные прямые и плоскости: вычисления длин в многогранниках		РЭШ
64	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия		
65	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия		
66	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия		
67	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия		
68	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия		
69	Контрольная работа "Повторение: многогранники, сечения многогранников"		
Элементы математической статистики (6ч)			
70	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик		
71	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик		
72	Оценивание вероятностей событий по выборке		
73	[[Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений		РЭШ
74	[[Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений		
75	Практическая работа с использованием электронных таблиц		
Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства (14ч)			

76	Тригонометрические функции, их свойства и графики		
77	Тригонометрические функции, их свойства и графики		
78	Тригонометрические функции, их свойства и графики		
79	Тригонометрические функции, их свойства и графики		РЭШ
80	Тригонометрические функции, их свойства и графики		
81	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности		
82	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности		
83	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности		
84	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности		
85	Решение тригонометрических неравенств		
86	Решение тригонометрических неравенств		
87	Решение тригонометрических неравенств		
88	Решение тригонометрических неравенств		
89	Контрольная работа: "Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства"		
Объём многогранника (17ч)			
90	Объём тела. Объём прямоугольного параллелепипеда		
91	Задачи об удвоении куба, о квадратуре куба; о трисекции угла		
92	Стереометрические задачи, связанные с объёмом прямоугольного параллелепипеда		
93	Прикладные задачи, связанные с вычислением объёма прямоугольного параллелепипеда		
94	Объём прямой призмы		
95	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов прямой призмы		

96	Прикладные задачи, связанные с объёмом прямой призмы		
97	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём наклонной призмы		
98	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём пирамиды		
99	Формула объёма пирамиды. Отношение объёмов пирамид с общим углом		
100	Формула объёма пирамиды. Отношение объёмов пирамид с общим углом		
101	Стереометрические задачи, связанные с объёмами наклонной призмы		РЭШ
102	Стереометрические задачи, связанные с объёмами пирамиды		
103	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом наклонной призмы		
104	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом пирамиды		
105	Применение объёмов. Вычисление расстояния до плоскости		
106	Контрольная работа "Объём многогранника"		
Непрерывные случайные величины (распределения), показательное и нормальное распределения (4ч)			
107	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности вероятности		
108	Равномерное распределение. Примеры задач, приводящих к показательному и к нормальному распределениям		
109	Функция плотности вероятности показательного распределения		
110	Функция плотности вероятности нормального распределения		
Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства (24ч)			
111	Основные методы решения показательных неравенств		
112	Основные методы решения показательных неравенств		
113	Основные методы решения		

	показательных неравенств		
114	Основные методы решения показательных неравенств		
115	Основные методы решения логарифмических неравенств		
116	Основные методы решения логарифмических неравенств		
117	Основные методы решения логарифмических неравенств		
118	Основные методы решения логарифмических неравенств		
119	Основные методы решения иррациональных неравенств		
120	Основные методы решения иррациональных неравенств		
121	Основные методы решения иррациональных неравенств		
122	Основные методы решения иррациональных неравенств		
123	Графические методы решения иррациональных уравнений		
124	Графические методы решения иррациональных уравнений		
125	Графические методы решения показательных уравнений		
126	Графические методы решения показательных уравнений		РЭШ
127	Графические методы решения логарифмических уравнений		
128	Графические методы решения логарифмических уравнений		
129	Графические методы решения логарифмических уравнений		
130	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений		
131	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений		
132	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений		
133	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений		
134	Контрольная работа: "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"		
Тела вращения (24 ч)			

135	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности		
136	Цилиндр. Прямой круговой цилиндр. Площадь поверхности цилиндра		
137	Коническая поверхность, образующие конической поверхности. Конус		
138	Сечение конуса плоскостью, параллельной плоскости основания		
139	Усечённый конус. Изображение конусов и усечённых конусов		
140	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса		РЭШ
141	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса		
142	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса		
143	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса		
144	Прикладные задачи, связанные с цилиндром		
145	Прикладные задачи, связанные с цилиндром		
146	Сфера и шар		
147	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение		
148	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение		
149	Уравнение сферы. Площадь сферы и её частей		
150	Симметрия сферы и шара		
151	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением		
152	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением		
153	Прикладные задачи, связанные со сферой и шаром		

154	Повторение: окружность на плоскости, вычисления в окружности, стандартные подоби		
155	Различные комбинации тел вращения и многогранников		
156	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"		
157	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"		
158	Контрольная работа "Тела и поверхности вращения"		
Распределение Пуассона (2 ч)			
159	Последовательность одиночных независимых событий. Пример задачи, приводящей к распределению Пуассона		
160	Практическая работа с использованием электронных таблиц		
Комплексные числа (10 ч)			
161	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа		
162	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа		
163	Арифметические операции с комплексными числами		
164	Арифметические операции с комплексными числами		
165	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости		РЭШ
166	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости		
167	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа		РЭШ
168	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа		
169	Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач		
170	Контрольная работа: "Комплексные числа"		
Площади поверхности и объёмы круглых тел (9 ч)			
171	Объём цилиндра. Теорема об объёме прямого цилиндра		
172	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём конуса		
173	Площади боковой и полной		

	поверхности конуса		
174	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов цилиндра, конуса		
175	Прикладные задачи по теме "Объёмы и площади поверхностей тел"		
176	Объём шара и шарового сектора. Теорема об объёме шара. Площадь сферы. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов шара, шарового сегмента и шарового сектора		
177	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом шара и площадью сферы. Соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел		
178	Подобные тела в пространстве. Изменение объёма при подобии. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов тел и площадей поверхностей		
179	Контрольная работа "Площади поверхности и объёмы круглых тел"		
Связь между случайными величинами (6 ч)			
180	Ковариация двух случайных величин. Коэффициент корреляции		
181	Совместные наблюдения двух величин		
182	Выборочный коэффициент корреляции		РЭШ
183	Различие между линейной связью и причинно-следственной связью		
184	Линейная регрессия		
185	Практическая работа с использованием электронных таблиц		
Натуральные и целые числа (10 ч)			
186	Натуральные и целые числа		
187	Натуральные и целые числа		
188	Применение признаков делимости целых чисел		
189	Применение признаков делимости целых чисел		
190	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК		
191	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК		

192	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю		
193	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю		
194	Применение признаков делимости целых чисел: алгоритм Евклида для решения задач в целых числах		
195	Контрольная работа: "Теория целых чисел"		
Движения (5 ч)			
196	Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений		
197	Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой		
198	Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера		РЭШ
199	Геометрические задачи на применение движения		
200	Контрольная работа "Векторы в пространстве"		
Обобщение и систематизация знаний (11 ч)			
201	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм, описательная статистика		
202	Опыты с равновозможными элементарными событиями		
203	Вычисление вероятностей событий с применением формул		
204	Вычисление вероятностей событий с применением графических методов: координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера		
205	Случайные величины и распределения		
206	Математическое ожидание случайной величины		
207	Математическое ожидание случайной величины		
208	Контрольная работа: "Вероятность и статистика"		
209	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов		
210	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов		

211	Случайные величины и распределения. Математическое ожидание случайной величины		
Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений (12 ч)			
212	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы		
213	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы		
214	Основные методы решения систем и совокупностей рациональных уравнений		
215	Основные методы решения систем и совокупностей иррациональных уравнений		
216	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений		
217	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений		
218	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений		
219	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений		
220	Применение неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов		
221	Применение неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов		
222	Применение неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов		
223	Контрольная работа: "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений"		
Повторение, обобщение и систематизация знаний (17 ч)			
224	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии		

	10–11 классов, систематизация знаний: "Параллельность прямых и плоскостей в пространстве"		
225	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"		
226	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"		
227	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"		
228	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"		
229	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"		
230	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"		РЭШ
231	Итоговая контрольная работа		
232	Итоговая контрольная работа		РЭШ
233	Повторение, обобщение и систематизация знаний		
234	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий		
235	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий		
236	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий		
237	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий		
238	История развития стереометрии как		

	науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий		
239	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий		
240	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий		
Задачи с параметрами (16 ч)			
241	Рациональные уравнения с параметрами		
242	Рациональные уравнения с параметрами		
243	Рациональные уравнения с параметрами		
244	Иррациональные уравнения, неравенства с параметрами		
245	Иррациональные системы с параметрами		
246	Показательные уравнения, неравенства с параметрами		
247	Показательные системы с параметрами		
248	Логарифмические уравнения, неравенства с параметрами		
249	Логарифмические системы с параметрами		
250	Тригонометрические уравнения с параметрами		
251	Тригонометрические неравенства с параметрами		
252	Тригонометрические системы с параметрами		
253	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений с параметрами		
254	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами		
255	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1	
256	Контрольная работа: "Задачи с		

	параметрами"		
Повторение, обобщение, систематизация знаний (16 ч)			
257	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"		
258	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"		
259	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения. Системы уравнений"		
260	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"		
261	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"		
262	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"		
263	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"		
264	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"		
265	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"		
266	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Интеграл и его применение"		
267	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"		
268	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"		
269	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"		
270	Итоговая контрольная работа		
271	Итоговая контрольная работа		
272	Повторение, обобщение, систематизация знаний		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		272	

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ

ИНТЕРНЕТ